



Автономная некоммерческая образовательная организация  
высшего образования  
«Воронежский экономико-правовой институт»  
(АНОО ВО «ВЭПИ»)



**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЙ КОМПЛЕКС  
ДИСЦИПЛИНЫ  
ЕН.01 Математика**

(шифр и наименование дисциплины)

**38.02.01 Экономика и бухгалтерский учет (по отраслям)**

(код и наименование специальности)

Квалификация выпускника Бухгалтер  
(наименование квалификации)

Уровень базового образования обучающихся: Основное общее образование  
(основное общее образование/общее образование)

Вид подготовки Базовый

Форма обучения Очная, заочная

Год начала подготовки 2023

Воронеж 2023

Учебно-методический комплекс по дисциплине ЕН.01 «Математика» разработан на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования Федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 38.02.01 Экономика и бухгалтерский учет (по отраслям), утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 05.02.2018 № 69.

Учебно-методический комплекс дисциплины одобрен на заседании кафедры общих дисциплин среднего профессионального образования.

Протокол от 21.12.2022 № 5.

Заведующий кафедрой  
(занимаемая должность)



(подпись)

И.А. Тихонова  
(инициалы, фамилия)

Разработчик:

преподаватель  
(занимаемая должность)



(подпись)

Е. В. Шипилова  
(инициалы, фамилия)

# 1. ПРАКТИЧЕСКИЕ И ИНТЕРАКТИВНЫЕ ЗАНЯТИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ЕН.01 «Математика»

(индекс, наименование дисциплины)

## 1.1. Планы практических занятий по дисциплине «ЕН.01 Математика»

### Раздел 1. Показательная и логарифмическая функция

#### **Тема 1.1. Корни, степени, степенные функции.**

Очная форма обучения – 8 часов; заочная форма обучения – 1 час.

Вычисление значений корней  $n$ -ой степени. Упрощение выражений, содержащих корни  $n$ -ой степени. Упрощение выражений, содержащих степень с отрицательным показателем. Упрощение выражений, содержащих степень с дробным показателем. Построение графиков функций, содержащих корни четной и нечетной степени. Исследование графиков функций четной и нечетной степени по рисунку. Решение уравнений, содержащих корни.

#### 1. Вопросы:

- 1) Определение корня  $n$ -ой степени
- 2) Свойства корня  $n$ -ой степени
- 3) Как внести положительный множитель под корень четной степени?
- 4) Как внести отрицательный множитель под корень четной степени?
- 5) Как внести множитель под корень нечетной степени?
- 6) Как вынести множитель из-под корня  $n$ -ой степени?
- 7) Как освободиться от иррациональности, если в знаменателе дроби содержится корень  $n$ -ой степени?
- 8) Как освободиться от иррациональности, если в знаменателе дроби содержится сумма или разность корней  $n$ -ой степени?
- 9) Определение степени с отрицательным показателем
- 10) Определение степени с дробным показателем

#### 2. Решение тренировочных упражнений

3. Заполнить сравнительную таблицу свойств функций четной и нечетной степени

#### **Тема 1.2. Показательная и логарифмическая функции.**

Очная форма обучения – 6 часов; заочная форма обучения – 0 часов.

Решение простейших показательных уравнений. Решение показательных уравнений введением новой переменной. Решение однородных показательных уравнений. Вычисление логарифмов. Упрощение логарифмических выражений. Решение простейших логарифмических уравнений. Решение логарифмических уравнений потенцированием. Решение логарифмических уравнений введением новой переменной. Отбор корней в логарифмическом уравнении

1. Вопросы:
  - 1) Что такое логарифм числа?
  - 2) Какова область допустимых значений логарифма?
  - 3) Перечислить свойства логарифмов, связав их со свойствами степеней
  - 4) В чем состоит способ решения простейших логарифмических уравнений?
  - 5) Какие логарифмические уравнения не нуждаются в проверке?
  - 6) Какую операцию называют потенцированием?
  - 7) Какие логарифмические уравнения решаются потенцированием?
  - 8) Какие логарифмические уравнения решаются введением новой переменной?
  - 9) Какими способами можно отобрать корни в решении логарифмического уравнения?
2. Работа в малых группах: разбить предложенные уравнения на группы по способам решения, представить информацию в виде концептуальной таблицы. Защитить свой выбор.
3. Решение тренировочных упражнений с проверкой и отбором корней

## Раздел 2. Тела в пространстве.

### **Тема 2.1. Круглые тела.**

Очная форма обучения – 4 часов; заочная форма обучения – 0 часов.

Решение задач на вычисление площадей плоских фигур. Решение задач на вычисление площадей поверхности цилиндра, конуса, шара. Решение задач на вычисление объемов цилиндра, конуса, шара.

1. Вопросы:
    - 1) Какое геометрическое тело называется цилиндром?
    - 2) Из каких элементов состоит поверхность цилиндра?
    - 3) Формулы площадей прямоугольника и круга
    - 4) Какое геометрическое тело называется конусом?
    - 5) Из каких элементов состоит поверхность конуса?
    - 6) Какой конус называется усеченным?
    - 7) Из каких элементов состоит поверхность усеченного конуса?
    - 8) Формулы площадей прямоугольного треугольника и просто треугольника
    - 9) Какое геометрическое тело называется шаром?
    - 10) Из каких элементов состоит шар?
    - 11) Что такое сфера?
    - 12) Площадь поверхности цилиндра, конуса, шара
    - 13) Объем цилиндра, конуса, шара
  2. Решение тренировочных упражнений
- Темы докладов:
- 1) Вычисление площадей фигур, изображенных на квадратной решетке

- 2) Архимедовы тела
3. Заполнить сравнительную таблицу: «Конус и пирамида» или «Призма и цилиндр»

### Раздел 3. Первообразная и интеграл

#### **Тема 3.1. Понятие первообразной функции**

Очная форма обучения – 2 часа; заочная форма обучения – 0 часа.

1. Составить денотантный граф по теме «Производная» для введения в тему
  2. Составить денотантный граф по теме «Первообразная»
  3. Составить сравнительную таблицу по теме «Производная и первообразная»
  4. Решение тренировочных задач на вычисление первообразных
- Темы докладов:  
Применение первообразной в технике и в жизни

#### **Тема 3.2. Понятие интеграла.**

Очная форма обучения – 4 часов; заочная форма обучения – 0 часов.

Понятие интеграла. Связь интеграла с понятием первообразной. Неопределенный и определенный интеграл. Понятие криволинейной трапеции. Вычисление площадей криволинейных трапеций. Формула Ньютона-Лейбница.

1. Вопросы:
  - 1). Какими бывают геометрические преобразования пространства?
  - 2). Какая проекция называется ортогональной?
  - 3). Чему равна площадь ортогональной проекции?
  - 4). Что происходит с углами при изображении пространственных фигур на плоскости? Что происходит с равными отрезками? Как изображаются видимые и невидимые линии?
2. Тренировочные задания по изображению криволинейных трапеций и вычислению их площадей

### Раздел 4. Уравнения и неравенства

#### **Тема 4.1. Уравнения.**

Очная форма обучения – 5 часов; заочная форма обучения – 0 часов.

Основные приемы решения уравнений. Основные приемы решения систем уравнений. Отбор корней при решении уравнений. Область допустимых значений уравнения.

1. Вопросы:
  - 1) Что такое уравнение? Что является решением уравнения? Что значит решить уравнение?
  - 2) Какие основные виды уравнений известны? Чем они отличаются?

3) Какие есть общие правила для решения уравнений всех известных нам видов?

4) Какие операции приводят к появлению посторонних корней в уравнении?

5) Какие операции приводят к потере корней в уравнении?

6) В каких уравнениях проверка является этапом решения?

7) Три основных способа решения систем уравнений

2. Работа в группах по решению различных уравнений. Взаимообмен заданиями.

3. Построить кластер по теме «Уравнения»

4. Построить кластер по теме «Системы уравнений»

Темы докладов:

1) Решение текстовых задач с помощью уравнения

2) Решение текстовых задач с помощью системы уравнений

#### **Тема 4.2. Неравенства.**

Очная форма обучения – 2 часа; заочная форма обучения – 1 часа.

Основные приемы решения неравенств. Основные приемы решения систем неравенств. Отбор корней при решении неравенств. Область допустимых значений неравенства

1. Вопросы:

1) Что такое неравенство? Что является решением неравенства?

2) Какие основные виды неравенств известны? Чем они отличаются?

3) Какие есть общие правила для решения неравенств известных нам видов?

4) Основной способ решения систем неравенств

Доклады:

Введение новой переменной при решении неравенств

### **1.2. Интерактивные занятия по дисциплине «ЕН.01 Математика»**

Интерактивное обучение – это специальная форма организации познавательной деятельности. Она подразумевает вполне конкретные и прогнозируемые цели:

- создание комфортных условий обучения, при которых обучающийся чувствует свою успешность, свою интеллектуальную состоятельность;
- создание условий для продуктивности процесса обучения;
- создать базу для работы по решению проблем после того, как обучение закончится.

Другими словами, интерактивное обучение – это, прежде всего, диалоговое обучение, в ходе которого осуществляется взаимодействие между обучающимися и преподавателем, между самими обучающимися.

Целям интерактивных форм обучения соответствуют следующие задачи:

- пробуждение у обучающихся интереса;
- эффективное усвоение учебного материала;
- самостоятельный поиск обучающимися путей и вариантов решения поставленной учебной задачи (выбор одного из предложенных вариантов или нахождение собственного варианта и обоснование решения);
- установление взаимодействия между обучающимися, обучение работать в команде, проявлять терпимость к любой точке зрения, уважать право каждого на свободу слова, уважать его достоинства;
- формирование у обучающихся мнения и отношения;
- формирование жизненных и профессиональных навыков;
- выход на уровень осознанной компетентности обучающегося.

При использовании интерактивных форм роль преподавателя резко меняется, перестаёт быть центральной, он лишь регулирует процесс и занимается его общей организацией, готовит заранее необходимые задания и формулирует вопросы или темы для обсуждения в группах, даёт консультации, контролирует время и порядок выполнения намеченного плана. Участники обращаются к социальному опыту – собственному и других людей, при этом им приходится вступать в коммуникацию друг с другом, совместно решать поставленные задачи, преодолевать конфликты, находить общие точки соприкосновения, идти на компромиссы.

Для решения воспитательных и учебных задач преподавателем могут быть использованы следующие интерактивные формы:

- Метод разбивки на кластеры
- Мозговой штурм
- Подсказки для мышления
- Метод инсерт (пометки на полях)
- Работа в группах
- «Тонкие и толстые вопросы»
- Технология развития критического мышления
- Денотантный граф
- Концептуальная таблица
- «Вихрь задач»

В данных методических рекомендациях предложены к рассмотрению лишь некоторые интерактивные формы обучения. Преподаватель кафедры может применять не только эти интерактивные формы, а также разработать новые в зависимости от цели занятия, т.е. активно участвовать в процессе совершенствования, модернизации учебного процесса.

Следует обратить внимание на то, что в ходе подготовки занятия на основе интерактивных форм обучения перед преподавателем стоит вопрос не только в выборе наиболее эффективной и подходящей формы обучения для изучения конкретной темы, а открывается возможность сочетать несколько методов обучения для решения проблемы, что, несомненно, способствует лучшему осмыслению обучающимися. Представляется целесообразным рассмотреть необходимость использования разных интерактивных форм обучения для решения поставленной задачи.

#### **Принципы работы на интерактивном занятии:**

- занятие – не лекция, а общая работа.
- все участники равны независимо от возраста, социального статуса, опыта, места работы.
- каждый участник имеет право на собственное мнение по любому вопросу.
- нет места прямой критике личности (подвергнуться критике может только идея).
- все сказанное на занятии – не руководство к действию, а информация к размышлению.

#### **Алгоритм проведения интерактивного занятия:**

##### **1. Подготовка занятия**

Преподаватель производит подбор материалов, вопросов, подбор конкретной формы интерактивного занятия, которая может быть эффективной для работы с данной темой в данной группе.

**При разработке интерактивного занятия рекомендуем обратить особое внимание на следующие моменты:**

##### **1) Участники занятия, выбор темы:**

- возраст участников, их интересы, будущая специальность.
- временные рамки проведения занятия.
- проводились ли занятия по этой теме в данной студенческой группе ранее.
- заинтересованность группы в данном занятии.

##### **2) Перечень необходимых условий:**

- должна быть четко определена цель занятия.
- подготовлены раздаточные материалы.
- обеспечено техническое оборудование.
- обозначены участники.
- определены основные вопросы, их последовательность.
- подобраны практические примеры из жизни.

##### **3) Что должно быть при подготовке каждого занятия:**

- уточнение проблем, которые предстоит решить.
- обозначение перспективы реализации полученных знаний.



определение практического блока (чем группа будет заниматься на занятии).

#### 4) Раздаточные материалы:

- программа занятия.
- раздаточные материалы должны быть адаптированы к студенческой аудитории.
- материал должен быть структурирован.
- использование графиков, иллюстраций, схем, символов.

## 2. Вступление:

Сообщение темы и цели занятия.

– участники знакомятся с предлагаемой ситуацией, с проблемой, над решением которой им предстоит работать, а также с целью, которую им нужно достичь;

– педагог информирует участников о рамочных условиях, правилах работы в группе, дает четкие инструкции о том, в каких пределах участники могут действовать на занятии;

– при необходимости нужно представить участников (в случае, если занятие межгрупповое, междисциплинарное);

– добиться однозначного семантического понимания терминов, понятий и т.п. Для этого с помощью вопросов и ответов следует уточнить понятийный аппарат, рабочие определения изучаемой темы. Систематическое уточнение понятийного аппарата сформирует у обучающихся установку, привычку оперировать только хорошо понятными терминами, не употреблять малопонятные слова, систематически пользоваться справочной литературой.

Примерные правила работы в группе:

- быть активным.
- уважать мнение участников.
- быть доброжелательным.
- быть пунктуальным, ответственным.
- не перебивать.
- быть открытым для взаимодействия.
- быть заинтересованным.
- стремиться найти истину.
- придерживаться регламента.
- уважать правила работы в группе.

## 3. Основная часть:

Особенности основной части определяются выбранной формой интерактивного занятия, и включает в себя:

3.1. Выяснение позиций участников;

3.2. Сегментация аудитории и организация коммуникации между сегментами. Это означает формирование целевых групп по общности позиций

каждой из групп. Производится объединение сходных мнений разных участников вокруг некоторой позиции, формирование единых направлений разрабатываемых вопросов в рамках темы занятия и создается из аудитории набор групп с разными позициями. Затем – организация коммуникации между сегментами. Этот шаг является особенно эффективным, если занятие проводится с достаточно большой аудиторией: в этом случае сегментирование представляет собой инструмент повышения интенсивности и эффективности коммуникации.

3.3. Интерактивное позиционирование включает четыре этапа интерактивного позиционирования:

- 1) выяснение набора позиций аудитории,
- 2) осмысление общего для этих позиций содержания,
- 3) переосмысление этого содержания и наполнение его новым смыслом,
- 4) формирование нового набора позиций на основании нового смысла

#### **4. Выводы (рефлексия)**

Рефлексия начинается с концентрации участников на эмоциональном аспекте, чувствах, которые испытывали участники в процессе занятия. Второй этап рефлексивного анализа занятия – оценочный (отношение участников к содержательному аспекту использованных методик, актуальности выбранной темы и др.). Рефлексия заканчивается общими выводами, которые делает педагог.

Примерный перечень вопросов для проведения рефлексии:

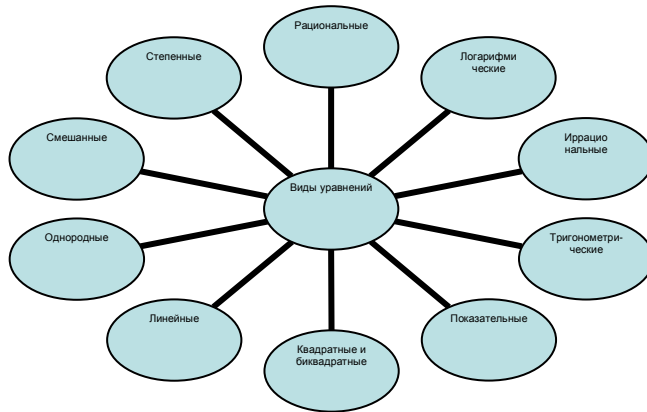
- что произвело на вас наибольшее впечатление?
- что вам помогало в процессе занятия для выполнения задания, а что мешало?
- есть ли что-либо, что удивило вас в процессе занятия?
- чем вы руководствовались в процессе принятия решения?
- учитывалось ли при совершении собственных действий мнение участников группы?
- как вы оцениваете свои действия и действия группы?
- если бы вы играли в эту игру еще раз, чтобы вы изменили в модели своего поведения?

Ниже приведено краткое описание некоторых интерактивных форм работы с обучающимися.

#### **1.2.1. Метод разбивки на кластеры**

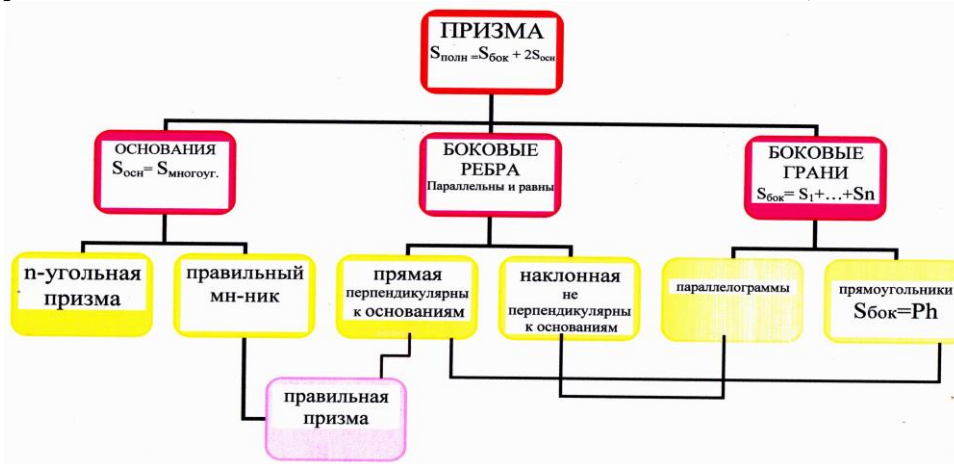
Простейшие кластеры можно построить для воспроизведения ранее изученной информации графическим способом. Пишем ключевое слово на классной доске или на большом листе бумаги. Начинаем записывать слова или предложения, которые приходят на ум в связи с данной темой или словом. Затем начинаем устанавливать связи между словами или идеями, которые

записали и они кажутся нам подходящими. Постарайтесь записать как можно больше идей и построить как можно больше связей. Для начала можно выбрать такую тему, которая всем знакома. Например, при изучении темы «Призма» после первого ознакомления был составлен такой кластер:



После обсуждения и выделения разделов темы: элементы призмы, виды призм, формулы поверхности, - кластер приобрел более подробный вид. Это обучающий кластер. Он играет роль опорного конспекта. Можно составить его при работе с текстом учебника, а затем использовать при решении задач и итоговом повторении. Кластеры часто используются *при исследовании новой проблемы*. Выделяются данные (начальные) объекты, объекты которые нужно получить (конечные объекты) и промежуточные объекты, которые частично удовлетворяют необходимым условиям.

Обучающийся пытается найти недостающие связи, отмечая их знаком



вопроса.

Разбивка на кластеры – это педагогическая стратегия, которая помогает учащимся свободно и открыто думать по поводу какой-либо темы. Она требует выделения лишь тех структур, которые дают возможность стимулировать размышление о связях между идеями. Это не линейная форма мышления. Она

тесно связана с тем, как работает наш мозг. Существует несколько основных правил при применении кластеров:

- 1) Записывайте все, что приходит вам на ум. Не судите о качестве этих мыслей, просто записывайте их.
- 2) Не обращайте внимания на орфографию и другие факторы, сдерживающие письмо.
- 3) Не переставайте писать, пока не выйдет время. Если идеи вдруг перестанут приходить вам на ум, то порисуйте на бумаге, пока у вас не появятся новые идеи.
- 4) Постарайтесь построить как можно больше связей. Не ограничивайте количество идей, их поток и связи между ними.  
Когда вы в первый раз вводите разбивку на кластеры, выберите такую тему, которая будет знакома всей группе.

### **1.2.2. Мозговой штурм**

Хорошо известный и широко используемый метод решения проблемы. Он стимулирует участников использовать свое воображение и творчество, помогает найти решения к любой заданной проблеме.

Правила для проведения мозгового штурма.

- 1) В процессе обдумывания не позволяется делать никаких оценок. Если вы даете оценку идеям в процессе их обдумывания, участники сосредотачиваются на защите своих мыслей и идей, а не на обдумывании новых и лучших. Оценка должна быть исключена из правил.
- 2) Надо поощрять всех на обдумывание большого круга самых неожиданных идей. И действительно, если на мозговом штурме не возникает неожиданных идей, то становится очевидным, что отдельные участники пересматривают свои собственные мысли. Они долго размышляют до того, как представить идею из-за боязни, что они, возможно, выступят с глупой идеей, которая и звучит смешно.
- 3) Количество идей поощряется. Почти всегда количество перерастает в качество. Когда в быстрой последовательности возникает огромное количество идей, оценка обычно, исключается. Участники вольны дать большой размах своему воображению, в результате чего появятся хорошие мысли.
- 4) Каждый может основываться на чужих идеях и изменять их. Сочетание или изменение ранее предложенных идей часто приводит к новым, которые лучше тех, которые их вдохновили.

Шаги для эффективного мозгового штурма.

1. Участники рассаживаются в принужденной манере.
2. Готовится доска или листы для записи идей.
3. Определяется проблем.
4. Определяется правила работы:

- а) никакой оценки идей,
  - б) полная свобода мыслей;
  - в) чем больше идей, тем лучше (стремиться к количеству).
5. Спрашивается об идеях и быстро записывается по мере поступления.
  6. Когда лист бумаги заполнен, перевешивается на стену.
  7. Не допускаются: смех, ироничные комментарии или насмешки над идеями других.
  8. Продолжается как можно дольше, пока поступают идеи.

### **1.2.3. Подсказки для мышления**

Это методика, которая облегчает рассмотрение темы с помощью различных подсказок для мышления. Изготавливается куб из плотного картона. На каждой грани сделаны следующие надписи:

- 1.Опишите это
- 2.Сравните это
- 3.Дайте ассоциацию к этому
- 4.Проанализируйте это
- 5.Дайте аргументы за или против этого
- 6.Примените это

### **1.2.4. Метод инсерт (пометки на полях)**

Данный метод открывает большие возможности в обучении, особенно, в преподавании математики. Он нацелен на то, чтобы обучающиеся отмечали собственное понимание читаемой информации, используя при этом интерактивную систему пометок на полях. Это развивает:

- 1) активное, вдумчивое чтение;
- 2) способность увязывать ранее известный материал с новым;
- 3) навык эффективной работы с текстом;
- 4) стимулирует дальнейшее изучение темы.

Можно предложить следующие виды пометок: «V», если то, что вы считаете, соответствует тому, что вы знаете; «-» – (минус), если то, что вы читаете, противоречит вашим знаниям; «+» – (плюс), если то, что вы читаете, является для вас новым; «?» – (вопрос), если то, что вы читаете, непонятно, т.е. требуются дополнительные сведения.

Методические рекомендации по применению ИНСЕРТ

Шаг 1. Провести мозговой штурм.

Шаг 2. Индивидуальное чтение с использованием пометок «инсерт»

Шаг 3. Соотнесение и обсуждение итогов «Мозгового штурма» с результатами чтения, в парах или в малой группе.

Шаг 4. Систематизация полученной информации на основе таблицы

«Инсерт». Данный вид работы можно провести в парах или в малой группе.

Таблица ИНСЕРТ.

V	-	+	?

### 1.2.5. Работа в группах

Это уникальная форма организации обучения. У нее много положительных сторон: способствует реализации воспитательных целей, приучая к ответственности, взаимопомощи; повышает производительность труда обучающихся, развивает познавательную активность, самостоятельность; развивает межличностные отношения обучающихся. Групповую форму работы можно использовать как при изучении нового материала, так и при закреплении, повторении, обобщении пройденного. Организуя групповую работу, можно по-разному формировать состав групп. Для более четкой и быстрой организации групповой работы должны быть памятки «Правила работы в группе».

Например, если неоднородные группы самостоятельно изучают часть нового материала и готовят сообщение для всех, то можно предложить инструкцию следующего рода:

Прочитайте ....

Составьте схему ....

Решите, кто будет выступать, и выслушайте его ответ...

Если нужно, поправьте, дополните...

Доложите о готовности группы.

### 1.2.5. Приём «Толстые и тонкие вопросы»

Из жизненного опыта мы все знаем, что есть вопросы, на которые легко ответить "да" или "нет", но гораздо чаще встречаются вопросы, на которые нельзя ответить однозначно. Тем не менее, мы нередко оказываемся в ситуациях, когда человек, задающий вопросы, требует от него однозначного ответа. Поэтому для более успешной адаптации во взрослой жизни детей необходимо учить различать те вопросы, на которые можно дать однозначный ответ (тонкие вопросы), и те, на которые ответить столь определенно невозможно (Толстые вопросы). Толстые вопросы – это проблемные вопросы, предполагающие неоднозначные ответы. Для достижения цели на занятиях необходимо использовать таблицу:

Тонкие вопросы:

- кто...

- что...
- когда...
- может...
- будет...
- мог ли...
- как звали...
- было ли...
- согласны ли вы...
- верно...

Толстые вопросы:

- дайте объяснение, почему...
- почему вы думаете...
- почему вы считаете...
- в чем разница...
- предположите, что будет, если...
- что, если...

### **1.2.7. Технология развития критического мышления**

Нужно ли и можно ли целенаправленно формировать критическое мышление? На этот вопрос со всей определенностью ответил Д. Дьюи в начале прошлого столетия. По его мнению, главное, чем должны заниматься образовательные учреждения любого типа, – это обучать детей думанью. Основная идея технологии развития критического мышления – создать такую атмосферу учения, при которой обучающиеся совместно с преподавателем активно работают, сознательно размышляют над процессом обучения, отслеживают, подтверждают, опровергают или расширяют знания, новые идеи, чувства или мнения об окружающем мире.

Алгоритм формирования критического мышления предполагает получение ответов на следующие вопросы:

*1. Какова цель данной познавательной деятельности?*

Цели могут включать в себя выбор одного из вариантов решения, выработку решения при отсутствии вариантов; обобщение информации; оценку надежности аргументов; оценку вероятного развития событий; проверку достоверности источника информации: количественную оценку неопределенности.

*2. Что известно?*

Это отправной пункт направленного или критического мышления. Этот этап также включает в себя нахождение недостающей информации.

*3. Что делать?*

Какие навыки мышления позволяют достичь поставленной цели? Знание алгоритма того, как добраться от начальной до конечной точки маршрута, – движущая сила критического мышления. Здесь как раз и предполагается использование сформированных ранее интеллектуальных умений.

4. *Достигнута ли поставленная цель?* Точность при выполнении заданий является решающим фактором успеха. Имеет ли смысл принятое решение? Для чего?

При изучении математики все эти этапы хорошо просматриваются. Особенно ярким примером является решение задач по теме «Применение производной при решении задач на нахождение оптимального решения». Например, рассмотрим самую простую задачу: «Огораживают спортивную площадку прямоугольной формы площадью  $2500\text{м}^2$ . Каковы должны быть ее размеры, чтобы на забор ушло наименьшее количество сетки «рабицы»? Анализируем условие задачи. Цель ее решения: получить минимальные затраты – чисто практического характера. Выясняем, что известно и составляем математическую модель задачи: найти минимум функции. Возникает потребность повторить алгоритм нахождения экстремумов функции. Решаем задачу. Затем даем конкретный ответ на вопрос задачи, опираясь на результаты, которые получены на этапе работы с моделью.

По мнению психологов, этапы человеческого восприятия информации следующие: сначала надо настроиться, вспомнить, что тебе известно по этой теме, затем познакомиться с новой информацией, потом подумать, для чего тебе понадобятся полученные знания, и как ты их сможешь применить. Поэтому технология развития критического мышления состоит из трех фаз:

1. Фаза вызова. Учащийся, работая с информацией, создает для себя смысл: «Что это значит для меня? Зачем мне это нужно?»

2. Фаза осмысления. Созданный смысл реализуется в определенной учебно-познавательной деятельности. Происходит активная работа с информацией и сопоставление изученного материала с уже известными данными. Работа ведется индивидуально или в парах.

3. Фаза рефлексии. Новый материал становится для обучающегося своим в полном смысле этого слова. Новый опыт, новые знания встраиваются в систему личностных смыслов.

### 1.2.8. Денотантный граф

Еще один прием представления информации в виде таблицы. Из текста вычлняются существенные признаки ключевого понятия. Способ основан на чередовании существительных и глаголов. Размещение понятий одного уровня на одной позиции. Выделение ключевого слова или словосочетания. Элементы



логики изображаются стрелками, указывающими направления чтения логической структуры. В структурах не допускается пересечение линий.

Способ создания денотантного графа:

1. Выделение ключевого слова или словосочетания.  
2. Чередование имени и глагола в графе (именем может быть одно существительное или группа существительных в сочетании с другими именными частями речи; глагол выражает динамику мысли, движение от понятия к его существенному признаку).

3. Точный выбор глагола, связывающего ключевое понятие и его существенный признак:

а) глаголы, обозначающие цель: направлять, предполагать, приводить, давать и т.д.;

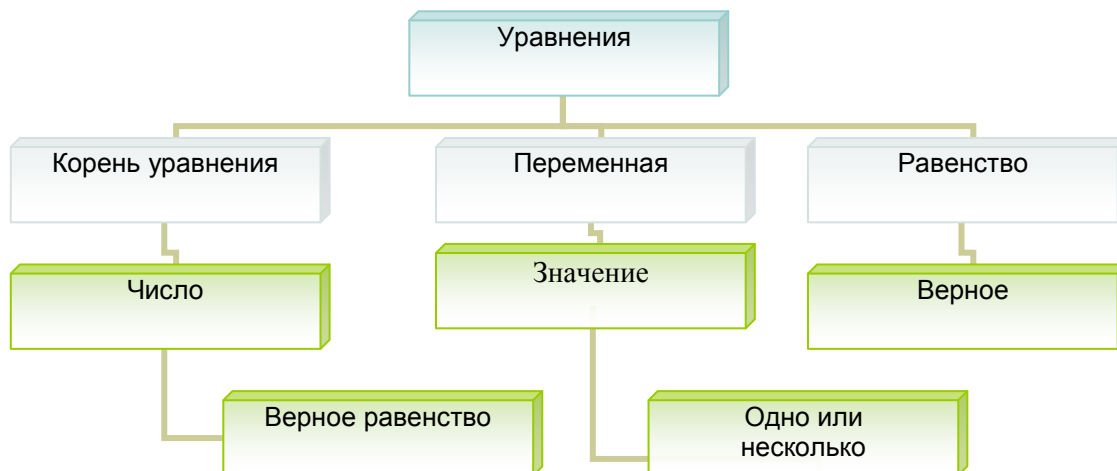
б) глаголы, обозначающие процесс достижения результата – достигать, осуществляться;

в) глаголы, обозначающие предпосылки достижения результата – основываться, опираться, базироваться;

г) глаголы-связки, с помощью которых осуществляется выход на определение значения понятия.

4. Дробление ключевого слова по мере построения графа на слова – «веточки». Соотнесение каждого слова – "веточки" с ключевым словом с целью исключения каких-либо несоответствий, противоречий и т.д.

Эффективно использовать тогда, когда необходимо провести анализ нового понятия, определить с разных позиций его содержание. Приведем пример графа по теме «Аксиома» при повторении основных понятий геометрии.



### 1.2.9. Концептуальная таблица

Концептуальные таблицы используются для систематизации информации, выявления существенных признаков изучаемых явлений, событий. Они представляют собой матрицу, составление которой дает возможность более четкого сравнительного анализа (если необходимо рассматривать каждый из изучаемых процессов, объектов или явлений более детально) или комплексной оценки (в том случае, когда рассматриваемые процессы, объекты, явления или события изучаются как составляющие единой проблемы, события, объекта, процесса или явления). При разработке концептуальных таблиц необходимо соблюдать следующие требования:

1. Как можно меньше комментирующих слов.
2. Размерность матрицы не должна превышать  $7 \pm 2$  единицы информации.
3. Количество выбранных ячеек таблицы должно соответствовать содержанию и характеру выделенного фрагмента учебного текста и т.п.
4. Для параметризации выбирать закономерности.

С помощью матриц можно выделить основное в изучаемом фрагменте текста или всей темы, облегчить понимание учебного материала, способствовать запоминанию выделенной мысли, понятия и определения, произвести сравнение разных объектов, систематизировать или обобщить изученное и т.д. Примером концептуальной таблицы может быть следующая таблица, которая заполняется в процессе изучения темы «Тела вращения»:

Параметры сравнения	Цилиндр	Конус	Шар
Рисунок			
Наличие оснований			
Форма оснований			
Элементы оснований			
Площадь основания			
Наличие боковой поверхности			
Элементы боковой поверхности			
Форма боковой поверхности			
Площадь боковой поверхности			
Площадь полной поверхности			
Объем			
Форма сечений			
Элементы сечений			

Можно привести еще пример концептуальной таблицы, которая составляется при изучении темы «Виды призм» и в дальнейшем может служить опорным конспектом при решении задач по теме

Виды призм →	Призма			Прямая призма			Правильная призма		
Параметры сравнения ↓	треугольная	Четыреугольная	Шестиугольная	треугольная	Четыреугольная	Шестиугольная	треугольная	Четыреугольная	Шестиугольная

В основании лежит...									
Боковые грани являются...									
Высота падает...									
Особое название...									
S основания равна...									
S боковое равно...									
S полное равно...									
Объем равен...									

### 1.2.10. «Вихрь задач»

Этот прием решения задач применяется для закрепления способов решения задач или уравнений по какой-либо теме. Заготавливаются задачи на отдельных карточках, которых чуть больше, чем обучающихся в группе. К ним создается дешифратор с ответами для быстрой проверки. Заготавливаются чистые листочки. Каждый обучающийся берет карточку с заданием и чистый листок. На листке пишет фамилию и номер варианта. Затем решает предложенное уравнение или задачу. При затруднении можно обратиться за помощью к преподавателю или товарищу. Сдает на проверку или сам проверяет ответ по дешифратору и только после этого сдает листок с решением и возвращает карточку с заданием. Преподаватель быстро проверяет и отмечает себе, какой вариант выполнен обучающимся. Тот в свою очередь снова берет чистый листок, новое задание и садится его выполнять. Заранее обговариваются критерии оценивания. Например, если решено пять карточек, то отлично; четыре, то хорошо и так далее. При выполнении данной формы работы происходит глубокая внутренняя дифференциация. Обучающийся сам выбирает объем работы, действует в своем темпе. При появлении затруднения сам обращается за помощью, сам планирует свою деятельность и выполняет план. Проверка не отсрочена во времени, что позволяет тут же исправить ошибки и продвинуться в обучении. Правильно выполненные задания не возвращаются. То, что каждое новое задание выполняется на другом листочке и то, что вариантов чуть больше, чем обучающихся в группе, исключает списывание.

Например, можно предложить данный вид работы при закреплении темы «Монотонность и экстремумы». Ниже приведена таблица, которую можно разрезать и организовать работу в группе, где 15-17 обучающихся.

<p>№ 1. Найдите положительную точку максимума функции</p> $f(x) = \frac{13}{3}x^2 - \frac{21}{4}x$	<p>№ 6. Найдите неотрицательную точку максимума функции</p> $f(x) = \frac{14}{1}x^2 + \frac{13}{6}x - \frac{33}{2}$	<p>№ 11. Найдите значения функции в точках максимума</p> $f(x) = \frac{35}{2}x^2 - 2$	<p>№ 16. Найдите максимум функции:</p> $f(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$
<p>№ 2. Найдите положительную точку максимума функции</p> $f(x) = \frac{23}{3}x^2 - \frac{21}{2}x$	<p>№ 7. Найдите неотрицательную точку максимума функции</p> $f(x) = \frac{14}{2}x^2 + \frac{33}{2}x - \frac{33}{2}$	<p>№ 12. Найдите значения функции в точках максимума</p> $f(x) = \frac{4}{4}x^2 + \frac{12}{2}x - 4$	<p>№ 17. Найдите максимум функции:</p> $f(x) = \frac{x}{x^2 + 1}$
<p>№ 3. Найдите положительную точку максимума функции</p> $f(x) = \frac{13}{3}x^2 + \frac{32}{2}x - \frac{1}{2}$	<p>№ 8. Найдите неотрицательную точку максимума функции</p> $f(x) = 5x^2 + 4x - 1$	<p>№ 13. Найдите отрицательную точку максимума функции</p> $f(x) = \frac{23}{3}x^2 - \frac{21}{2}x$	<p>№ 18. Найдите длину конечного промежутка возрастания:</p> $f(x) = \frac{5x}{x^2 + 1}$
<p>№ 4. Найдите положительную точку максимума функции</p> $f(x) = 13x^2 + 23x - 3$	<p>№ 9. Найдите отрицательную точку максимума функции</p> $f(x) = \frac{13}{6}x^2 + \frac{21}{8}x - \frac{1}{8}$	<p>№ 14. Найдите максимум функции:</p> $f(x) = \frac{3x - x^2}{x + 1}$	<p>№ 19. Найдите длину конечного промежутка возрастания:</p> $f(x) = \frac{3 + x}{x^2 + 1}$
<p>№ 5. Найдите неотрицательную точку максимума функции</p> $f(x) = 4x^2 + 3x - 9$	<p>№ 10. Найдите отрицательную точку максимума функции</p> $f(x) = \frac{4}{4}x^2 + \frac{3}{4}x - 3$	<p>№ 15. Найдите максимум функции:</p> $f(x) = \frac{x^2 - 8}{x + 1}$	<p>№ 20. Найдите длину промежутка возрастания:</p> $y = -x(x - 3)^2$

## 2. Методические рекомендации по изучению дисциплины «ЕН.01 Математика»

### 2.1. Методические рекомендации преподавательскому составу

#### 2.1.1. Методические рекомендации по проведению учебных занятий

Методика проведения занятий основана на использовании интерактивных форм, позволяющих сделать каждого обучающегося участником обсуждаемых вопросов и проблем. Особое внимание при изучении курса обращено на активную самостоятельную работу обучающихся, как при подготовке, так и в процессе проведения теоретических и практических занятий. Изложение материала сопровождается проблемными вопросами и практическими примерами.

Вместе с тем принципиальной особенностью является сочетание различных форм и методов обучения, включая лекционную форму подачи наиболее фундаментальных положений, изложение доступного материала в виде непрерывного диалога, использование методов проблемного обучения.

*Проблемное обучение* — организованный преподавателем способ активного взаимодействия субъекта с проблемно-представленным содержанием обучения, в ходе которого он приобщается к объективным противоречиям научного знания и способам их решения. Учится мыслить, творчески усваивать знания.

Схема проблемного обучения, представляется как последовательность процедур, включающих: постановку преподавателем учебно-проблемной задачи, создание для учащихся проблемной ситуации; осознание, принятие и разрешение возникшей проблемы, в процессе которого они овладевают обобщенными способами приобретения новых знаний; применение данных способов для решения конкретных систем задач.

Основные психологические условия для успешного применения проблемного обучения заключаются в том, что проблемные ситуации должны отвечать целям формирования системы знаний, быть доступными для учащихся и вызывать собственную познавательную деятельность и активность. Задания должны быть таковыми, чтобы учащийся не мог выполнить их, опираясь на уже имеющиеся знания, но достаточными для самостоятельного анализа проблемы и нахождения неизвестного.

Названное положение курса в структуре изучаемых дисциплин методически реализуется соответствующей организацией самих занятий, в их общей логике, приводимых примерах, предлагаемых темах докладов на семинарах. В освоении, собственно, математических знаний и умений, относящихся к предмету курса, особое значение приобретает продуманное методическое выстраивание лекционных и практических занятий. Преподавание теоретической части дисциплины заключается в широком использовании метода устного изложения учебного материала в виде традиционных и проблемных лекций, лекций с проблемными вопросами. Все лекции должны быть направлены на фундаментальную подготовку, обеспечивающую дальнейшую практическую направленность обучения специалистов данного профиля. Поэтому в них основной упор следует делать на сообщение обучающимся специальных знаний, запас которых необходим для решения различных задач, возникающих как в процессе обучения, так и в будущей практической деятельности в условиях рыночной экономики. В процессе лекционных занятий, наряду с методом монологического изложения материала, необходимо использовать метод рассуждающего (проблемного) изложения. Поэтому преподавателю важно на лекциях активно обращаться к студенческой аудитории, как в процессе создания проблемных ситуаций и формулировки проблем, так и в поиске путей их разрешения.

Практическое занятие начинается с постановки цели и задач для обучающихся, выбирая такие формулировки, которые будут мотивировать обучающихся для активной работы на занятии. Заранее обсуждаются критерии оценивания. Обучающийся сам выбирает уровень усвоения и планирует свою деятельность. Преподаватель обращает внимание на узловые проблемы для обсуждения, указывает форму проведения занятия и порядок работы в ней. По форме вступительное слово должно быть лаконичным, логически стройным. В содержании его наряду с другими вопросами, преподаватель должен обязательно подчеркнуть важность и необходимость математических знаний в будущей деятельности выпускника института, в современной жизни.

Важнейшей частью практического занятия является обсуждение ответов на вопросы. Необходимо создавать на практическом занятии атмосферу творческой дискуссии, живого, заинтересованного обмена мнениями. В ходе практического занятия важно, чтобы обучающиеся внимательно слушали и критически оценивали ответы товарищей. Для этого преподавателю не следует сразу после выступления обучающегося самому указывать на допущенные ошибки. Лучше предоставить эту возможность участникам практического занятия. После обсуждения очередного вопроса преподаватель должен подвести краткий итог обсуждения, указав на обнаружившиеся проблемы и ошибки в знаниях обучающихся.

Целью проведения практических занятий является углубление теоретических знаний, формирование у обучающихся умений свободно оперировать ими, применять теорию к решению практических задач, и в целом развивать творческое профессиональное мышление обучающихся.

Для углубления теоретических знаний следует осуществлять ориентацию обучающихся на самостоятельное изучение дополнительной литературы, их участие в научной работе, выполнение НИР отдельными, наиболее подготовленными обучающимися.

Важным этапом практического занятия является рефлексия. Обучающиеся сами дают оценку своей работы на занятии, оценивают степень усвоения и активности, ставят задачи для дальнейшей работы. Преподаватель, в свою очередь, раскрывает вопросы, вызывающие затруднение или не получившие глубокого освещения на практическом занятии, дает задание на дальнейшую самостоятельную работу.

В практике преподавания получили распространение различные формы практических занятий.

Выбор формы практического занятия должен зависеть от подготовленности групп, характера и содержания выполняемых заданий, а также педагогического мастерства самого преподавателя и технических возможностей.

Для активизации самостоятельной деятельности обучающихся необходимо практиковать на практических занятиях обсуждение докладов,

выполнение обучающих самостоятельных работ, работу над ошибками, решение практических задач, организовывать тестирование по пройденным темам.

Практические занятия являются одними из основных видов учебных занятий и предназначены для углубления знаний, полученных при изучении лекционного материала, формирования соответствующих умений и навыков. Для достижения воспитательных целей учебных занятий необходимо в полной мере использовать возможности содержания дисциплины, личный пример педагога, индивидуальный подход к обучающимся в образовательном процессе.

### **2.1.2. Методические рекомендации по проведению интерактивных занятий**

Наиболее сложная форма проведения практического занятия – интерактивное занятие. Оно требует постоянной взаимосвязи: преподаватель – обучающийся, обучающийся – обучающийся. В этом занятии все участники равны и каждый имеет право на собственное мнение по любому вопросу. Преподаватель направляет, сопровождает, консультирует, чтобы в итоге у обучающихся остались верные суждения и понимание закрепляемого материала. Для этого необходимо: четко определить цель занятия, подготовить раздаточный материал, определить основные вопросы, их последовательность, обеспечить техническое оборудование, продумать форму быстрой проверки и обратной связи, подобрать практические примеры из жизни.

При подготовке к интерактивным занятиям рекомендуется следующий алгоритм их проведения:

1. Подготовка к занятию
2. Вступление. Мотивационный момент.
3. Основная часть
4. Выводы (рефлексия)

В методических рекомендациях необходимо отразить следующие ключевые моменты:

- как обучающийся может должен подготовиться к проведению данного вида занятий (изучение определенного материала, получение определенных специальных навыков, изучение различных методик решения поставленной задачи и т.п.)
- какую литературу при подготовке необходимо использовать
- знания из каких разделов дисциплины (междисциплинарные связи) необходимо использовать
- какой инструментарий будет необходим при проведении занятия
- каким образом будет проводиться занятие (ход проведения занятия, сценарий, темы для обсуждения и т.п.)
- какие специальные средства будут использованы на интерактивном занятии (информационные, специальное оборудование и прочее)

- каковы правила поведения на данном занятии
- какова роль каждого обучающегося на данном занятии

Проведение интерактивного занятия включает следующие правила поведения обучающихся:

- обучающиеся должны способствовать тщательному анализу разнообразных проблем, признавая, что уважение к каждому человеку и терпимость – это основные ценности, которые должны быть дороги всем людям;
- способствовать и воодушевлять на поиск истины;
- распространять идеал терпимости к точкам зрения других людей, способствуя поиску общих ценностей, принимая различия, которые существуют между людьми.
- соревнование и желание победить не должны преобладать над готовностью к пониманию и исследованию обсуждаемых проблем.
- при обсуждении сторон воздержаться от личных нападок на своих оппонентов;
- спорить в дружественной манере;
- быть честными и точными в полной мере своих познаний, представляя поддержки и информацию;
- внимательно слушать своих оппонентов и постараться сделать все, чтобы не исказить их слова во время дебатов;
- язык и жесты должны отражать уважение к другим.

В учебном процессе могут быть использованы инновационные технологии, краткие определения которых даны ниже. Каждый преподаватель определяет самостоятельно тему занятий, более отвечающую той или иной форме проведения.

*Исследовательский* метод обучения – это организация обучения на основе поисковой, познавательной деятельности обучающихся путем постановки преподавателем познавательных и практических задач, требующих самостоятельного творческого решения. Основная идея исследовательского метода обучения заключается в использовании научного подхода к решению той или иной учебной задачи.

*Самообучение* – метод, при котором обучаемый взаимодействует с образовательными ресурсами при минимальном участии преподавателя и других обучаемых. Для самообучения на базе современных технологий характерен мультимедиа-подход, при котором используются образовательные ресурсы: печатные материалы, аудио- и видеоматериалы, компьютерные обучающие программы, электронные журналы, интерактивные базы данных и другие учебные материалы, доставляемые по компьютерным сетям.

*Работа в малых группах статичных и группах сменного состава* – это одна из самых популярных стратегий, так как она дает всем обучающимся



возможность участвовать в работе, практиковать навыки сотрудничества, межличностного общения (в частности, умение активно слушать, вырабатывать общее мнение, разрешать возникающие разногласия).

*Доклад (презентация)* – публичное сообщение, представляющее собой развернутое изложение определенной темы, вопроса программы. Доклад может быть представлен различными участниками процесса обучения: преподавателем, приглашенным экспертом, обучающимися, группой обучающихся.

*ИОУЗ: индивидуально ориентированное учебное занятие.* Особая ценность этого приема в том, что дифференциация идет от обучающегося по его желаниям и способностям. Ведь усвоение знаний происходит индивидуально, хотим мы этого или нет. Обучающийся, работая по собственному плану, начинает учиться осознанно, сам принимает решения и выполняет их, продумывая шаги своей работы, концентрирует внимание. Это крайне результативная и незаменимая технология при обобщающем повторении и подготовке к экзаменам.

Интерактивное обучение позволяет решать одновременно несколько задач, главной из которых является развитие коммуникативных умений и навыков. Данное обучение помогает установлению эмоциональных контактов между учащимися, обеспечивает воспитательную задачу, поскольку приучает работать в команде, прислушиваться к мнению своих товарищей, обеспечивает высокую мотивацию, прочность знаний, творчество и фантазию, коммуникабельность, активную жизненную позицию, ценность индивидуальности, свободу самовыражения, акцент на деятельность, взаимоуважение и демократичность. Использование интерактивных форм в процессе обучения, как показывает практика, снимает нервную нагрузку обучающихся, дает возможность менять формы их деятельности, переключать внимание на узловые вопросы темы занятий.

### **2.1.3. Методические рекомендации по контролю успеваемости**

#### **2.1.3.1. Текущая аттестация (текущий контроль) уровня усвоения содержания дисциплины**

Текущую аттестацию (текущий контроль) уровня усвоения содержания дисциплины рекомендуется проводить в ходе всех видов учебных занятий методами устного и письменного опроса, в процессе выступлений обучающихся на семинарских (практических) занятиях и защиты рефератов, а также методом тестирования. Контроль знаний, умений и навыков обучаемых проводится с целью:

- определения уровня их теоретической и практической подготовки,
- качества выполнения учебных планов и программ обучения;

- установления степени достижения поставленных целей (задач) обучения;
- выявления отношения обучающихся к учебной деятельности;
- стимулирования самостоятельной работы обучающихся;
- получения информации, необходимой для управления процессом обучения, для совершенствования методики преподавания и организационных форм самостоятельной работы обучающихся;

Функции контроля:

- контролирующая (определение уровня);
- воспитательная;
- обучающая.

Уровень контроля должен соответствовать поставленным целям обучения. Превышение уровня контроля над уровнем целей обучения недопустимо. Нельзя, например, контролировать на уровне «умений», если ставилась цель дать общие сведения по некоторому вопросу, так как под соответствующую цель и выделен определенный бюджет времени на изучение данного вопроса.

Контроль и оценка осуществляются с использованием следующих форм и методов: устный опрос, письменный опрос, практическая работа, тестирование, самостоятельная работа.

### **2.1.3.2. Промежуточная аттестация (итоговый контроль) усвоения содержания дисциплины**

Промежуточная аттестация (итоговый контроль) проводится в форме зачета в ходе зимней (летней) экзаменационной сессии. К зачету допускаются обучающиеся, успешно выполнившие все виды отчетности, предусмотренные по дисциплине учебным планом. В ходе зачета проверяется степень усвоения материала, умение точно и последовательно, четко и кратко отвечать на поставленные вопросы, делать конкретные выводы и формулировать определения. Итоговая оценка охватывает проверку достижения всех заявленных целей изучения дисциплины и проводится для контроля уровня понимания обучающимися связей между различными ее элементами. В ходе итогового контроля акцент делается на проверку способностей обучающихся к творческому мышлению и использованию понятийного аппарата дисциплины в решении профессиональных задач по соответствующей специальности.

### **2.1.3.3. Критерии оценки учебных достижений обучающихся**

Качество ответов и решения задач (заданий) оцениваются на «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» и «неудовлетворительно».

Оценка «отлично» выставляется обучающемуся, если:

- даны исчерпывающие и обоснованные ответы на все поставленные вопросы, правильно и рационально (с использованием рациональных алгоритмов) решены соответствующие задачи;
- в ответах выделялось главное, все теоретические положения умело увязывались между собой;
- ответы были четкими и краткими, а мысли излагались в логической последовательности;
- показано умение самостоятельно анализировать факты, выделять главное, логически мыслить;

Оценка «хорошо» выставляется обучающемуся, если:

- даны полные, достаточно обоснованные ответы на поставленные вопросы, правильно решены практические задания;
- в ответах не всегда выделялось главное, отдельные положения недостаточно увязывались между собой, при решении практических задач не всегда использовались рациональные алгоритмы расчётов;
- допущена одна ошибка или одна-две неточности;
- ответы в основном были краткими, но не всегда четкими.

Оценка «удовлетворительно» выставляется обучающемуся, если:

- даны в основном правильные ответы на все поставленные вопросы, но без должной глубины и обоснования, при решении практических задач обучающийся использовал прежний опыт и не применял новые методики выполнения расчётов, однако на уточняющие вопросы даны в целом правильные ответы;
- при ответах не выделялось главное;
- ответы были многословными, нечеткими и без должной логической последовательности;
- на отдельные дополнительные вопросы не даны положительные ответы.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется обучающемуся, если не выполнены требования, соответствующие оценке «удовлетворительно».

Письменный опрос проводится в виде многовариантной контрольной или самостоятельной работы (лучше каждому свой вариант). Качество письменных работ оценивается следующим образом: выполнена вся работа без ошибок – «отлично»; допущены одна или две ошибки – «хорошо»; выполнено более половины работы – «удовлетворительно». Результативным является выборочный письменный опрос по ранее решенной тренировочной работе. Так называемая, защита тренировочной работы. Обучающийся решает одно из заданий по выбору преподавателя и объясняет шаги решения. Оценивание проходит по принципу «защитил» или «не защитил». Для закрепления, контроля, быстрого получения обратной связи часто используются тесты. Результаты тестирования оцениваются следующим образом:

«ОТЛИЧНО»	Выполнение 4/5 тестового материала
«ХОРОШО»	$\frac{3}{4}$
«УДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО»	Более $\frac{1}{2}$
«НЕУДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО»	Выполнено менее половины заданий

Качество рефератов оценивается исходя из того, что обучающиеся:

- выбрали и использовали форму и стиль изложения, соответствующие целям и содержанию реферата;
- применили связанную с темой информацию, используя при этом математический понятийный аппарат;
- представили структурированный и грамотно написанный текст, имеющий связное содержание.

## **2.2. Методические указания обучающимся**

### **2.2.1. Рекомендации по продуктивному усвоению учебного материала – самостоятельной работе обучающегося**

*Самостоятельная работа обучающихся включает следующие ее виды:*

- 1) Самостоятельное изучение тем предусмотренных учебно-тематическим планом;
- 2) самоподготовка к практическим и другим видам занятий;
- 3) подготовка и написание контрольных работ и рефератов;
- 4) самостоятельная работа обучающегося при подготовке к контрольной работе или экзамену.

Эти виды работ предполагают:

- самостоятельную работу обучающегося в библиотеке;
- изучение сайтов по темам дисциплины в сети Интернет;
- изучение электронных учебных материалов (электронных учебников и т.п.), прикладных компьютерных программ.

Продуктивность усвоения учебного материала во многом определяется интенсивностью и качеством самостоятельной работы обучающегося. Самостоятельная работа предполагает формирование культуры умственного труда, самостоятельности и инициативы в поиске и приобретении знаний; закрепление знаний и навыков, полученных на всех видах учебных занятий; подготовку к предстоящим занятиям, экзаменам; выполнение контрольных работ.

Самостоятельный труд развивает такие качества, как организованность, дисциплинированность, волю, упорство в достижении поставленной цели, вырабатывает умение анализировать факты и явления, учит самостоятельному мышлению, что приводит к развитию и созданию собственного мнения, своих взглядов. Умение работать самостоятельно необходимо не только для

успешного усвоения содержания учебной программы, но и для дальнейшей творческой деятельности.

Основу самостоятельной работы обучающегося составляет работа с учебной и научной математической литературой. Из опыта работы с книгой (текстом) следует определенная последовательность действий, которой целесообразно придерживаться. Сначала прочитать весь текст в быстром темпе. Целью такого чтения является то, что создается общее представление об изучаемом вопросе (не запоминать, а понять общий смысл прочитанного). Затем прочитать вторично, более медленно, чтобы в ходе чтения понять и запомнить смысл каждой фразы, каждого положения и вопроса в целом. Математический текст необходимо читать с карандашом в руках, проделывая все математические преобразования, о которых говорится в тексте. Выделенные жирным шрифтом правила и теоремы нужно выучить наизусть. Чтение приносит пользу и становится продуктивным, когда сопровождается записями. Это может быть составление плана прочитанного текста, тезисы или выписки, конспектирование и др. Выбор вида записи зависит от характера изучаемого материала и целей работы с ним.

Если содержание материала несложное, легко усваиваемое, можно ограничиться составлением плана.

Если материал содержит новую и трудно усваиваемую информацию, целесообразно его законспектировать. Результаты конспектирования могут быть представлены в различных формах.

**План** – это схема прочитанного материала, краткий (или подробный) перечень вопросов, отражающих структуру и последовательность материала. Подробно составленный план вполне заменяет конспект.

**Конспект** – это систематизированное, логичное изложение материала источника. Различаются четыре типа конспектов.

**План-конспект** – это развернутый детализированный план, в котором достаточно подробные записи приводятся по тем пунктам плана, которые нуждаются в пояснении.

**Текстуальный конспект** – это воспроизведение наиболее важных положений и фактов источника.

**Свободный конспект** – это четко и кратко сформулированные (изложенные) основные положения в результате глубокого осмысливания материала. В нем могут присутствовать выписки, цитаты, тезисы; часть материала может быть представлена планом.

**Тематический конспект** – составляется на основе изучения ряда источников и дает более или менее исчерпывающий ответ по какой-то схеме (вопросу).

В процессе изучения материала источника, составления конспекта нужно обязательно применять различные выделения, подзаголовки, создавая блочную структуру конспекта. Можно материал разбить на кластеры или составить

концептуальную таблицу по нему. Это делает конспект легко воспринимаемым, удобным для работы.

Подготовка к практическому занятию включает 2 этапа:

1й – организационный;

2й - закрепление и углубление теоретических знаний.

На первом этапе обучающийся планирует свою самостоятельную работу, которая включает:

- уяснение задания на самостоятельную работу;
- подбор рекомендованной литературы;
- составление плана работы, в котором определяются основные пункты предстоящей подготовки.

Составление плана дисциплинирует и повышает организованность в работе.

Второй этап включает непосредственную подготовку обучающегося к занятию. Начинать надо с изучения рекомендованной литературы. Необходимо помнить, что на лекции обычно рассматривается не весь материал, а только его часть. Остальная его часть восполняется в процессе самостоятельной работы. В связи с этим работа с рекомендованной литературой обязательна. Особое внимание при этом необходимо обратить на содержание основных положений и выводов, объяснение явлений и фактов, уяснение практического приложения рассматриваемых теоретических вопросов. В процессе этой работы обучающийся должен стремиться понять и запомнить основные положения рассматриваемого материала, примеры, поясняющие его, а также разобраться в иллюстративном материале.

Заканчивать подготовку следует составлением плана (конспекта) по изучаемому материалу (вопросу). Это позволяет составить концентрированное, сжатое представление по изучаемым вопросам.

В процессе подготовки к занятиям рекомендуется взаимное обсуждение материала, во время которого закрепляются знания, а также приобретает практика в изложении и разъяснении полученных знаний, развивается речь.

При необходимости следует обращаться за консультацией к преподавателю. Идя на консультацию, необходимо хорошо продумать вопросы, которые требуют разъяснения.

В начале занятия обучающиеся под руководством преподавателя более глубоко осмысливают теоретические положения по теме занятия, раскрывают и объясняют основные явления и факты. В процессе творческого обсуждения и дискуссии вырабатываются умения и навыки использовать приобретенные знания для решения практических задач.

При подготовке к практическому занятию необходимо помнить, что любая тема по математике тесно связана с ранее изучаемыми темами. Более того, именно синтез полученных ранее знаний и текущего материала по курсу делает подготовку результативной и всесторонней.

Изучение вопросов очередной темы требует глубокого усвоения теоретических основ дисциплины, раскрытия сущности основных математических понятий, проблемных аспектов темы и анализа фактического материала.

### **2.2.2. Рекомендации по подготовке к занятиям в интерактивной форме**

При подготовке к занятию в интерактивной форме обучающийся, прежде всего, должен изучить те разделы учебника, которые были рекомендованы преподавателем. Кроме того, при необходимости, следует применять мультимедийные средства, специальное оборудование.

Проведение интерактивного занятия включает следующие правила поведения обучающихся:

- обучающиеся должны способствовать тщательному анализу разнообразных проблем, признавая, что уважение к каждому человеку и терпимость – это основные ценности, которые должны быть дороги всем людям;
- способствовать и воодушевлять на поиск истины, нежели чем простому упражнению по аналогии;
- распространять идеал терпимости к точкам зрения других людей, способствуя поиску истины, принимая различия, которые существуют между людьми;
- соревнование и желание победить не должны преобладать над готовностью к пониманию и исследованию обсуждаемых проблем;
- при обсуждении сторон воздержаться от личных нападок на своих оппонентов;
- спорить в дружественной манере;
- быть честными и точными в полной мере своих познаний, представляя поддержки и информацию: обучающиеся никогда не должны умышленно исказить факты, примеры или мнения;
- внимательно слушать своих оппонентов и постараться сделать все, чтобы не исказить их слова во время дебатов;
- язык и жесты, используемые обучающимися, должны отражать их уважение к другим.

### **2.2.3. Рекомендации по подготовке к контрольной работе или экзамену**

Ответственным этапом учебного процесса является сдача контрольной работы и экзамена. Бесспорным фактором успешного завершения очередного семестра является кропотливая, систематическая работа обучающегося в течение всего семестра. В этом случае подготовка к итоговой аттестации будет являться концентрированной систематизацией всех полученных знаний по

данной дисциплине.

В течение всего семестра рекомендуется рассматривать и повторять изучаемые ответы на вопросы, а также использовать в процессе обучения учебно-методический комплекс, другие методические материалы, разработанные и рекомендованные кафедрой по математике. Это позволит в процессе изучения тем сформировать более правильное и обобщенное видение обучающимся существа того или иного вопроса за счет:

- а) уточняющих вопросов преподавателю;
- б) подготовки доклада на отдельные темы, наиболее заинтересовавшие обучающегося;
- в) самостоятельного уточнения вопросов на смежных дисциплинах;
- г) углубленного изучения вопросов темы по учебным пособиям.

Кроме того, наличие перечня вопросов в период обучения позволит выбрать из предложенных преподавателем учебников наиболее оптимальный для каждого обучающегося, с точки зрения его индивидуального восприятия материала, уровня сложности и стилистики изложения.

После изучения соответствующей тематики рекомендуется проверить наличие и формулировки вопроса по этой теме в перечне вопросов к экзамену, а также попытаться изложить ответ на этот вопрос. Если возникают сложности при раскрытии материала, следует вновь обратиться к лекционному материалу, материалам практических занятий, уточнить терминологический аппарат темы, а также проконсультироваться с преподавателем.

Для систематизации знаний и понимания логики изучения предмета в процессе обучения рекомендуется пользоваться программой соответствующего курса, включающей в себя разделы, темы и вопросы, определяющие стандарт знаний по каждой теме.

При подготовке к экзамену в период сессии конструктивным является коллективное обсуждение выносимых на экзамен вопросов с сокурсниками, что позволяет повысить степень систематизации и углубления знаний.

Целесообразным является решение тестов по изучаемому предмету, предлагаемых преподавателем на практических занятиях, а также широко представленных в специальных изданиях. Это позволит выявить как общие, так и более узкие вопросы предмета, которые требуют соответствующего уточнения.

Перед консультацией по предмету следует составить список вопросов, требующих дополнительного разъяснения преподавателем. Точные формулировки и определения, а так же способы действия нужно повторять перед экзаменом или контрольной работой каждый день.